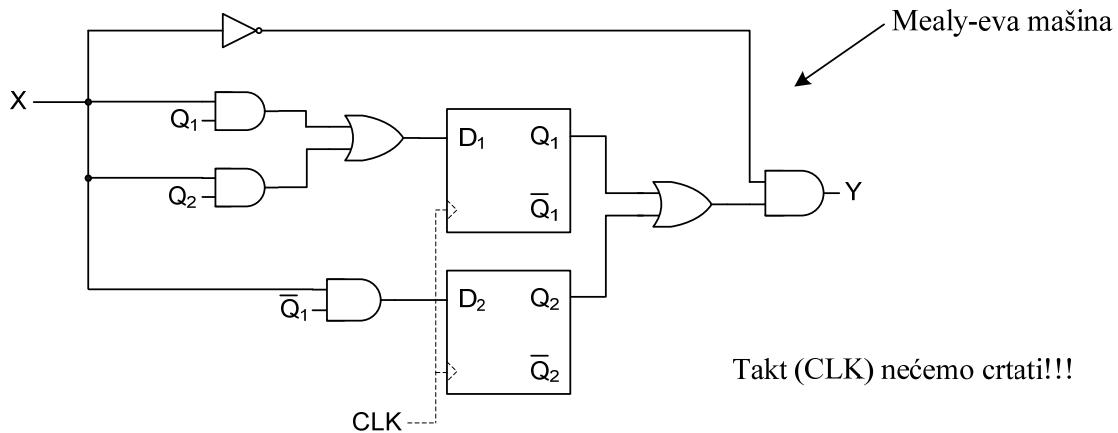
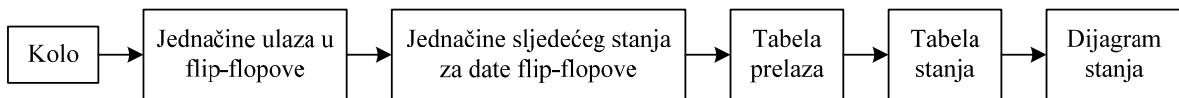


1.

- a) Analizirati sekvenčno kolo prikazano na slici.  
 b) Pod uslovom da je početno stanje  $Q_1=0$  i  $Q_2=1$  i da je ulazna sekvenca  $X=010011$ , odrediti posljednje stanje flip-fopova, kao i izlaznu sekvencu  $Y$ .



a) Šablon po kojem se radi analiza sekvenčnog kola je:



I Pišemo jednačine ulaza u flip-fopove, kao i jednačinu izlaza:

$$D_1^k = Q_1^k X^k + Q_2^k X^k = X^k (Q_1^k + Q_2^k)$$

$$D_2^k = \overline{Q_1^k} X^k$$

$$Y^k = \overline{X^k} (Q_1^k + Q_2^k)$$

$k$  je  $k$ -ti trenutak, tj. trenutno stanje  
 $k+1$  je  $k+1$ -ti trenutak, tj. sljedeće stanje

II Pišemo jednačine sljedećeg stanja flip-fopova. Prvo izvodimo karakterističnu jednačinu D flip-fopova.

$D^k$	$Q^k$	$Q^{k+1}$
0	0	0
0	1	0
1	0	1
1	1	1

$Q^{k+1}=D^k$  - Sljedeće stanje D flip-fopova, tj. njegov izlaz, zavisi samo od ulaza, ne i od sadašnjeg stanja!

Znači, jednačine sljedećeg stanja odgovarajućih flip-fopova imaju oblik:

$$Q_1^{k+1} = D_1^k = X^k (Q_1^k + Q_2^k)$$

$$Q_2^{k+1} = D_2^k = \overline{Q_1^k} X^k$$

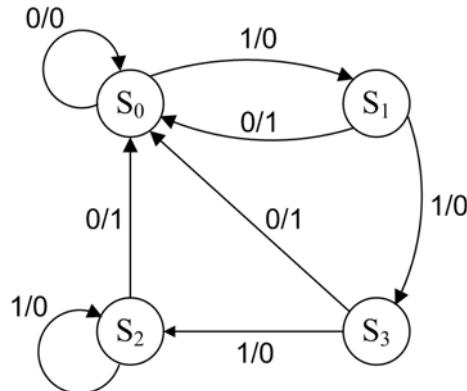
**III** Tabela prelaza:

	$X^k = 0$				$X^k = 1$			
	$Q_1^k$	$Q_2^k$	$Q_1^{k+1}$	$Q_2^{k+1}$	$Y^k$	$Q_1^{k+1}$	$Q_2^{k+1}$	$Y^k$
$S_0$	0	0	0	0	0	0	1	0
$S_1$	0	1	0	0	1	1	1	0
$S_2$	1	0	0	0	1	1	0	0
$S_3$	1	1	0	0	1	1	0	0

**IV** Pišemo tabelu stanja na osnovu tabele prelaza:

	$X^k = 0$	$X^k = 1$
$S_0$	$S_0 / 0$	$S_1 / 0$
$S_1$	$S_0 / 1$	$S_3 / 0$
$S_2$	$S_0 / 1$	$S_2 / 0$
$S_3$	$S_0 / 1$	$S_2 / 0$

**V** Crtamo dijagram stanja na osnovu tabele stanja:



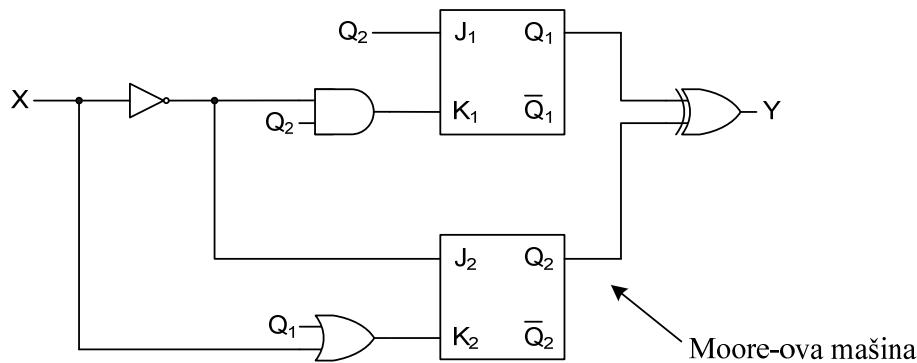
b) Početno stanje je  $Q_1=0$  i  $Q_2=1$  ( $S_1$ ) i ulazna sekvenca je  $X=010011$ .

$$\begin{array}{ccccccc}
 & X = 0 & & X = 1 & & X = 0 & & X = 1 \\
 S_1 & \xrightarrow{} & S_0 & \xrightarrow{} & S_1 & \xrightarrow{} & S_0 & \xrightarrow{} & S_0 & \xrightarrow{} & S_1 & \xrightarrow{} & S_3 \\
 & Y = 1 & & Y = 0 & & Y = 1 & & Y = 0 & & Y = 0 & & Y = 0 & & Y = 0
 \end{array}$$

Znači, posljednje stanje je  $S_3(11)$ , dok je izlazna sekvenca  $Y=101000$ .

2.

- a) Analizirati sekvencijalno kolo prikazano na slici.  
 b) Pod uslovom da je početno stanje flip-flopova **00** i da je ulazna sekvencia  $X=110010$ , odrediti posljednje stanje flip-flopova, kao i izlaznu sekvencu  $Y$ .



I Pišemo jednačine ulaza u flip-flopove, kao i jednačinu izlaza:

$$J_1^k = Q_2^k$$

$$K_1^k = \overline{X^k} Q_2^k$$

$$J_2^k = \overline{X^k}$$

$$K_2^k = Q_1^k + X^k$$

$$Y^k = Q_1^k \oplus Q_2^k = Q_1^k \overline{Q_2^k} + \overline{Q_1^k} Q_2^k$$

II Pišemo jednačine sljedećeg stanja flip-flopova. Prvo izvodimo karakterističnu jednačinu JK flip-flopa.

$J$	$K$	$Q^k$	$Q^{k+1}$
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$\Rightarrow \boxed{Q^{k+1} = \overline{K}Q^k + J\overline{Q}^k}$

Znači, jednačine sljedećeg stanja odgovarajućih flip-flopova imaju oblik:

$$Q_1^{k+1} = \overline{K_1}Q_1^k + J_1^k \overline{Q_1^k} = \overline{X^k} \overline{Q_2^k} Q_1^k + Q_2^k \overline{Q_1^k} = (X^k + \overline{Q_2^k}) Q_1^k + Q_2^k \overline{Q_1^k} =$$

$$= X^k Q_1^k + \overline{Q_2^k} Q_1^k + Q_2^k \overline{Q_1^k} \Rightarrow \boxed{Q_1^{k+1} = X^k Q_1^k + Q_1^k \oplus Q_2^k}$$

$$Q_2^{k+1} = \overline{K_2}Q_2^k + J_2^k \overline{Q_2^k} = \overline{Q_1^k + X^k} Q_2^k + X^k \overline{Q_2^k} =$$

$$= \overline{Q_1^k} X^k Q_2^k + X^k \overline{Q_2^k} \Rightarrow \boxed{Q_2^{k+1} = X^k (\overline{Q_1^k} Q_2^k + \overline{Q_2^k})}$$

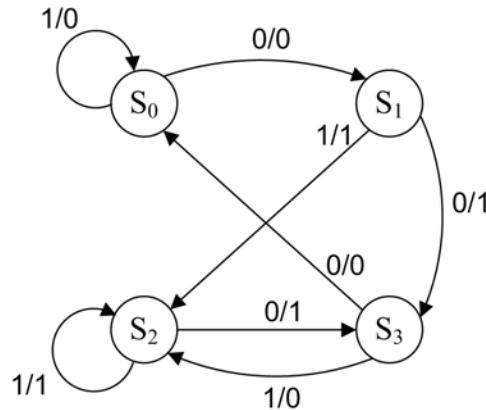
**III Tabela prelaza:**

		$X^k = 0$			$X^k = 1$		
$Q_1^k$	$Q_2^k$	$Q_1^{k+1}$	$Q_2^{k+1}$	$Y^k$	$Q_1^{k+1}$	$Q_2^{k+1}$	$Y^k$
$S_0$	0	0	0	1	0	0	0
$S_1$	0	1	1	1	1	0	1
$S_2$	1	0	1	1	1	0	1
$S_3$	1	1	0	0	0	1	0

**IV Tabela stanja na osnovu tabele prelaza:**

	$X^k = 0$	$X^k = 1$
$S_0$	$S_1 / 0$	$S_0 / 0$
$S_1$	$S_3 / 1$	$S_2 / 1$
$S_2$	$S_3 / 1$	$S_2 / 1$
$S_3$	$S_0 / 0$	$S_2 / 0$

**V Dijagram stanja na osnovu tabele stanja:**



b) Početno stanje je  $Q_1=0$  i  $Q_2=0$  ( $S_0$ ) i ulazna sekvenca je  $X=110010$ .

$$\begin{array}{ccccccc}
 X = 1 & X = 1 & X = 0 & X = 0 & X = 1 & X = 0 \\
 S_0 \xrightarrow{Y=0} S_0 \xrightarrow{Y=0} S_0 \xrightarrow{Y=0} S_1 \xrightarrow{Y=1} S_3 \xrightarrow{Y=0} S_2 \xrightarrow{Y=1} S_3
 \end{array}$$

Znači, posljednje stanje je  $S_3(11)$ , dok je izlazna sekvenca  $Y=000101$ .